

<p>Les antécédents <math>x</math> par <math>f</math> de -16 vérifient <math>f(x) = -0 \Leftrightarrow 3 \times (3x + 2) \times (x - 2) = 0</math> C'est un produit de facteurs nul <math>3x + 2 = 0</math> ou <math>x - 2 = 0</math> <math>x = -\frac{2}{3}</math> ou <math>x = 2</math> <b>Les antécédents de 0 par <math>f</math> sont <math>-\frac{2}{3}</math> et 2</b></p>	<p>Les antécédents <math>x</math> par <math>f</math> de -16 vérifient <math>f(x) = -16 \Leftrightarrow f(x) = -16 \Leftrightarrow (3x - 2)^2 - 16 = -16 \Leftrightarrow (3x - 2)^2 = 0</math> C'est un produit de facteurs nul <math>(3x - 2) = 0</math> ou <math>(3x - 2) = 0</math> <math>x = \frac{2}{3}</math> dans les 2 cas : <b>L'antécédent de -16 par <math>f</math> est <math>\frac{2}{3}</math></b></p>	<p>Les antécédents <math>x</math> par <math>f</math> de -25 vérifient <math>f(x) = -25 \Leftrightarrow (3x - 2)^2 - 16 = -25 \Leftrightarrow (3x - 2)^2 + 9 = 0 \Leftrightarrow (3x - 2)^2 = -9 \Leftrightarrow</math> Un carré est toujours positif donc il n'existe pas de valeur de <math>x</math> tel que <math>(3x - 2)^2 = -9</math> <b>-25 n'a pas d'antécédent.</b></p>
---	--	---

<p><math>A_{ABCD} = (x + 8) \times x = x^2 + 8x</math> <math>A_{ABCD} = 48m^2</math> donc <math>x</math> doit vérifier l'équation : <math>x^2 + 8x = 48</math></p>	<p><math>(x + 4)^2 = x^2 + 8x + 16</math> <math>(x + 4)^2 = x^2 + 8x + 16</math> <math>(x + 4)^2 - 16 = x^2 + 8x + 16 - 16</math> <math>(x + 4)^2 - 16 = x^2 + 8x</math></p>	<p><math>x^2 + 8x - 48 = (x + 4)^2 - 16 - 48</math> <math>x^2 + 8x - 48 = (x + 4)^2 - 64</math> <math>x^2 + 8x - 48 = (x + 4 - 8)(x + 4 + 8)</math> <math>x^2 + 8x - 48 = (x - 4)(x + 12)</math></p>
--	--	--

Afin de vérifier les contraintes imposées par l'énoncé, la longueur  $x$  des cotés de la pièce AEFD doit vérifier l'équation trouvée au 1) :  $x^2 + 8x - 48 = 0$   
En utilisant la factorisation du 4), l'équation devient :  $(x + 12)(x - 4) = 0$   
En utilisant la propriété du produit nul  $(x + 12) = 0$  ou  $(x - 4) = 0$   
 $x = -12$  ou  $x = 4$ . Or une longueur est toujours positive donc la solution -12 doit être écartée.  
Donc  $x = 4$ . **La longueur des cotés de la pièce AEFD vaut 4 mètres**

<p><math>F = \frac{2 + \frac{1}{3}}{5 - \frac{1}{4}} = \frac{\frac{6}{3} + \frac{1}{3}}{\frac{20}{4} - \frac{1}{4}}</math> <math>F = \frac{\frac{7}{3}}{\frac{19}{4}} = \frac{7}{3} \cdot \frac{4}{19}</math> <math>F = \frac{7}{3} \times \frac{4}{19} = \frac{28}{57}</math></p>	<p><math>x = \frac{\sqrt{5}-3}{2}</math> est solution de l'équation <math>x^2 + 3x + 1 = 0</math> si <math>x = \frac{\sqrt{5}-3}{2}</math> vérifie cette équation. Calculons donc <math>x^2 + 3x + 1</math> pour <math>x = \frac{\sqrt{5}-3}{2}</math> <math>x^2 + 3x + 1 = \left(\frac{\sqrt{5}-3}{2}\right)^2 + 3 \times \frac{\sqrt{5}-3}{2} + 1</math> <math>x^2 + 3x + 1 = \frac{5 - 6\sqrt{5} + 9}{4} + \frac{3\sqrt{5}-9}{2} + 1</math> <math>x^2 + 3x + 1 = \frac{5 - 6\sqrt{5} + 9}{4} + \frac{6\sqrt{5}-18}{4} + \frac{4}{4}</math> <math>x^2 + 3x + 1 = 0</math> <b>Donc <math>x = \frac{\sqrt{5}-3}{2}</math> est solution de l'équation <math>x^2 + 3x + 1 = 0</math></b></p>
--	--

Pour démontrer l'égalité, développons chacun des 2 membres de l'égalité à démontrer  
 $(a^2 - b^2)^2 + (2ab)^2 = a^4 - 2a^2b^2 + b^4 + 4a^2b^2 = a^4 + 2a^2b^2 + b^4$   
 $(a^2 + b^2)^2 = a^4 + 2a^2b^2 + b^4$   
**Donc l'égalité  $(a^2 - b^2)^2 + (2ab)^2 = (a^2 + b^2)^2$  est vraie**

- Équation de degré 1 : je mets les « x » d'un côté et les nombres de l'autre
- Équation de degré 2 : je mets tout du même côté et je factorise  
Pour factoriser : 2 méthodes : facteur commun ou identité remarquable (IR)
- Une IR sert à factoriser si j'ai  $a^2 \pm 2ab + b^2$  ou  $a^2 - b^2$  ou à développer  $(a \pm b)^2$  quand j'ai des « x » ou des  $\sqrt{\quad}$  dans la parenthèse.
- Pour prouver une égalité : je pars de l'expression d'un côté de l'égalité et je la transforme pour avoir l'autre ou bien je développe les deux et je prouve que j'obtiens la même expression.